# 인피니트 수학연구소 X 봉샘스*쿨*

# 3号是影





[집필진]

조수진

이봉우

김종군

김성민

1쇄 발행일

2024년 04월 08일

제작

인피니트수학연구소

서울시 송파구 올림픽로 135

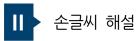
### [연구진]

| 강다솜 | 김도희 | 김윤정 | 노정진 | 박주희 | 안기용 | 이문희 | 이지혜 | 정은주 | 최지인 |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 강민송 | 김두호 | 김정민 | 도영경 | 박해수 | 안도연 | 이미주 | 이진영 | 정장현 | 최지훈 |
| 강민종 | 김문경 | 김정아 | 류성미 | 박현우 | 안효빈 | 이민경 | 이혁준 | 정주리 | 최혜란 |
| 강민주 | 김미선 | 김정은 | 류영신 | 박현우 | 양승혁 | 이범석 | 이혜란 | 정지혜 | 최혜림 |
| 강서진 | 김민선 | 김정철 | 류정민 | 박현주 | 양승희 | 이보람 | 이혜명 | 정지호 | 추명지 |
| 강석훈 | 김민선 | 김종만 | 류정현 | 박현주 | 양진철 | 이상아 | 이화연 | 조연서 | 하주성 |
| 강윤구 | 김민재 | 김종환 | 마주희 | 방정연 | 양희주 | 이상우 | 임동민 | 조은지 | 하창형 |
| 강일경 | 김민정 | 김주은 | 목지아 | 백민애 | 엄유빈 | 이상훈 | 임상혁 | 조이정 | 한명석 |
| 강진하 | 김민창 | 김준성 | 문미주 | 백지현 | 엄현지 | 이성은 | 임선인 | 조찬중 | 한문수 |
| 강초원 | 김서현 | 김지연 | 문재웅 | 변승미 | 염규숙 | 이수영 | 임승진 | 조현하 | 한성윤 |
| 강푸른 | 김선경 | 김지영 | 박계현 | 서유미 | 오미근 | 이수진 | 임애숙 | 주종대 | 한예진 |
| 강현정 | 김선경 | 김지혜 | 박규동 | 서유민 | 오윤지 | 이승선 | 임영진 | 진 영 | 한은주 |
| 강혜림 | 김선미 | 김 진 | 박규진 | 서지은 | 오진경 | 이용우 | 임지은 | 진혜원 | 한은지 |
| 고동섭 | 김성민 | 김찬휘 | 박기은 | 석대환 | 옥 빛 | 이우림 | 임하나 | 차슬기 | 한은진 |
| 고수환 | 김성민 | 김철준 | 박동욱 | 선호란 | 원명지 | 이유예 | 임현정 | 채정병 | 한재인 |
| 고지현 | 김소율 | 김태관 | 박미란 | 손성준 | 유경민 | 이윤서 | 장미림 | 채종원 | 한주현 |
| 구미선 | 김 솔 | 김태수 | 박미진 | 손유주 | 유대호 | 이윤호 | 장민영 | 천소희 | 한주효 |
| 권도경 | 김수민 | 김태훈 | 박보현 | 신영주 | 유혜리 | 이은경 | 장지은 | 최광은 | 함경아 |
| 권선아 | 김수정 | 김하늘 | 박상길 | 신예원 | 윤선미 | 이은선 | 전도연 | 최백화 | 허정현 |
| 권용운 | 김수진 | 김하현 | 박상보 | 신은정 | 윤은성 | 이은숙 | 전우진 | 최성호 | 현제윤 |
| 금민정 | 김수형 | 김한빛 | 박상우 | 신재훈 | 윤주영 | 이은이 | 전진우 | 최승호 | 홍성주 |
| 금보혜 | 김순호 | 김현정 | 박상현 | 신지영 | 윤지원 | 이재용 | 전하윤 | 최 영 | 홍승표 |
| 김강우 | 김승준 | 김현호 | 박상현 | 신지현 | 윤창희 | 이정선 | 정경섭 | 최용순 | 황가영 |
| 김강현 | 김승준 | 김혜란 | 박상희 | 신채원 | 이광빈 | 이종혁 | 정대현 | 최용인 | 황인영 |
| 김경민 | 김연주 | 나혜미 | 박아현 | 신현우 | 이기호 | 이주은 | 정병훈 | 최원기 | 황지원 |
| 김기호 | 김예지 | 나혜영 | 박은아 | 신혜선 | 이나경 | 이 준 | 정 선 | 최 윤 |     |
| 김나연 | 김유진 | 남궁준 | 박은재 | 심희선 | 이다정 | 이준호 | 정연원 | 최은국 |     |
| 김나희 | 김윤기 | 남식훈 | 박정훈 | 안국진 | 이란희 | 이지현 | 정영아 | 최재원 |     |
|     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |

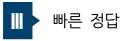
## 목차



| 대명중             | Ρ. | 002 |
|-----------------|----|-----|
| 대왕중             | Р. | 010 |
| 대청중             | Ρ. | 017 |
| 도곡중             | Ρ. | 026 |
| 세화여중            | Ρ. | 034 |
| 역삼중             | Ρ. | 040 |
| 정신여중            | Ρ. | 049 |
| 중동중             | Ρ. | 055 |
| 진선여중            | Р. | 061 |
| 휘 <del>문중</del> | Ρ. | 068 |



| 대명중  | P. ( | 076 |
|------|------|-----|
| 대왕중  | P. ( | ე84 |
| 대청중  | P. ( | 091 |
| 도곡중  | P    | 102 |
| 세화여중 | P    | 112 |
| 역삼중  | P    | 118 |
| 정신여중 | P    | 127 |
| 중동중  | P    | 133 |
| 진선여중 | P    | 140 |
| 휘문중  | P    | 147 |





3 식  $x^2 - x - 6$ 을 인수분해 하였을 때, 일차식인 두 인수의

<보기>에서 무리수의 개수는?

----- <보 기> -

 $\sqrt{1.96} - 1$   $\sqrt{2+2}$ 

- ① 0개 ④ 3개
- ② 1개
- ⑤ 4개
- ③ 2개

- $\sqrt{(-3)^2} + \sqrt{4} (-\sqrt{5})^2$ 을 계산하면?
- ① 0
- ② 2
- 3 4
- **4 6**
- ⑤ 8

- ②  $x^2 + 2x 3 = (x+3)(x-1)$

- (5) x(a-1)-y(a-1)=(x-y)(a-1)
- 4 옳지 않은 것은?

합은?

① x-3 ② x-2 ③ x+2

(4) 2x-1 (5) 2x+1

$$(4) 8x^2 + 10x - 3 = (2x+3)(4x-1)$$

- 5 옳지 않은 것은?
- ①  $96^2 = 9216$  ②  $108 \times 92 = 9936$
- $3112 \times 88 = 9856$   $472^2 28^2 = 4400$
- $\boxed{5} \quad \sqrt{52^2 48^2} = 20\sqrt{2}$

- **6** 3.1<sup>2</sup> = 9.61, 9.803<sup>2</sup> = 96.1일 때, √0.000961의 값은?

- ① 0.31 ② 0.031 ③ 0.9803
- **4** 0.09803 **5** 0.009803

<보기> 중 옳은 문장은 몇 개인가?

 $oldsymbol{7}$  부피가  $6\sqrt{10}$ 인 직육면체의 밑면의 가로의 길이와 세로의

길이가 각각  $3\sqrt{3}$ ,  $\sqrt{5}$ 일 때, 이 직육면체의 높이는?

① 2 ②  $\frac{\sqrt{30}}{3}$  ③  $\frac{2\sqrt{6}}{3}$ 

(4)  $\sqrt{2}$  (5)  $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ 

- ㄱ. 두 무리수의 합은 무리수이다.
- L. 유리수와 무리수의 곱은 항상 무리수이다.
- ㄷ. 두 순환소수의 합은 무리수일 수 있다.
- ㄹ. 두 순환소수의 곱은 무리수일 수 있다.



- 9 가장 작은 수는?

- ①  $\sqrt{3}-1$  ② 0 ③  $1-\sqrt{2}$  ④  $-\frac{1}{\sqrt{2}}$  ⑤  $-\frac{1}{2}$

- **10** 부등식  $1 < \frac{\sqrt{n}}{3} < 2$ 를 만족시키는 자연수 n의 개수는?
- ① 26개
- ② 287H
- ③ 30개
- 4 327H5 347H

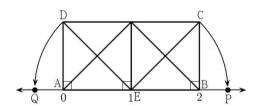
12 그림은 수직선 위에 한 변의 길이가 1인 정사각형 두 개를 겹쳐 직사각형 ABCD를 그린 것이다. 점 E를 중심으로 하고  $\overline{\text{CE}}$ 를 반지름으로 하는 원과 점  $\overline{\text{E}}$ 를 중심으로 하고  $\overline{\text{DE}}$ 를 반지름으로 하는 원을 그려 수직선과 만나는 점을 P, Q라 할 때,  $\overline{PQ}$ 의 길이를 구하면?

 $\sqrt{36-2x}$ 가 정수가 되게 하는 자연수 x는 모두 몇

① 57# ② 47# ③ 37#

개인가?

4 27H5 17H





**13**  $(3x-5)^2 - (2x+1)^2 = (ax+b)(x+c)$ 일 때, a+b+c의

- $\bigcirc -5$
- ② 3
- 3 5
- **4** 7
- ⑤ 15

**15**  $x=3+2\sqrt{2}$ ,  $y=3-2\sqrt{2}$ 일 때,  $x^2-xy-2y^2$ 의 값은?

- ①  $-18-36\sqrt{2}$  ②  $-18-12\sqrt{2}$
- $3 18 + 36\sqrt{2}$
- $(4) -16 + 36\sqrt{2}$
- $54-12\sqrt{2}$

- **14**  $\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{\sqrt{6}+\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{\sqrt{6}-\sqrt{2}}$ 를 간단히 하면?
- ① 2
- 2 4
- 3 6

- **4** 8
- ⑤ 10

f(x)는 x의 소수부분이다. 자연수 n에 대하여

$$f(\sqrt{n}) < f\left(\frac{\sqrt{n}}{2}\right) < f\left(\frac{\sqrt{n}}{3}\right)$$
일 때,  $n$ 이 될 수 있는 수는?

- 1 60
- ② 120
- ③ 180

- 4 240
- ⑤ 300

- 17 자연수 x에 대해  $\sqrt{nx}$ 가 자연수가 되게 하는 두 자리 자연수 n의 개수를 N(x)라고 하자. N(2)=N(3)=4가 되게 하는 자연수 k의 최솟값과 최댓값의 합은? (단,  $n \leq k$ )
- ① 168
- ② 169 ③ 170
- 4 171
- ⑤ 172

- 18 자연수 n에 대하여  $n^2 + 2n 24$ 가 소수가 될 때, 이 소수를 구하면?

- ③ 11
- ① 5 ② 7 ④ 13 ⑤ 17

- 19  $\sqrt{x^2-6x+9} + \sqrt{x^2+4x+4}$ 를 간단히 하면? (단,
  - -2 < x < 3
- ① -5 ② 1 ③ 5
- (4) -2x+1 (5) 2x-1

- $\sqrt{x}$  이하의 자연수의 개수를 N(x)라고 할 때, N(1)+N(2)+N(3)+ ··· +N(x)=120을 만족시키는 자연수 x의 값은?
- ① 25 ② 28 ③ 31 ④ 34 ⑤ 37

#### 2023년 중돔중 중3 1학기 중간고사



- **21**  $3\sqrt{27} + \frac{6}{\sqrt{3}} \sqrt{125} + \frac{\sqrt{45}}{3} = a\sqrt{3} + b\sqrt{5}$ 일 때, a, b의 값을 구하시오.
- **23** 세 정수 a, b, k에 대하여 다항식  $x^2 + kx 8$ 을 인수분해하면 (x+a)(x+b)이다. k가 될 수 있는 가장 큰 값을 M, 가장 작은 값을 m이라고 할 때, M, m의 값을 각각 구하시오.

- **22**  $5+\sqrt{3}$ 의 정수부분을 a, 소수부분을 b라고 할 때,  $\frac{a}{b}$ 의 정수부분과 소수부분을 구하시오.
- **24**  $9x^2 + (m-9)x + 49$ 가 완전제곱식이 되도록 하는 모든 수 m의 값의 합을 구하시오.

1 8의 음의 제곱근은?

- $3 2\sqrt{2}$

- **3** 다음 중 [] 안의 수가 주어진 이차방정식의 해가 아닌
- ①  $x^2 1 = 0$  [1]
- ②  $x^2 = 3 \left[ -\sqrt{3} \right]$
- $3 x^2 = \frac{1}{3}x [0]$
- $(4) \ 2(x-2)(x+1) = 0 \ [-1]$
- $(5) 2x^2 = x^2 2x 1 [1]$

- $2x^2 + ax + 8 = 2(x+b)^2$ 일 때, a+b의 값은? (단, a>0)
- (1) **4**
- (2) **6**
- ③ 8
- (a) 10
- (5) 12

 $\frac{1}{3}x^2 + 4x - a = 0$ 의 한 근이 3일 때, a의 값은? (단, a는

상수)

- ① 9
- ② 12 ③ 15
- (4) 18 (5) 21



- 다음 중 옳지 않은 것은? (정답 2개)
- ①  $\sqrt{49}$ 의 제곱근은  $\pm 7$ 이다.
- ② 모든 양수의 제곱근은 2개다.
- ③ a가 실수일 때,  $\sqrt{(-a)^2} = a$ 이다.
- ④  $\frac{6}{7}$ 과  $\frac{8}{3}$  사이에 무리수는 무수히 많다.
- ⑤  $-\sqrt{2}$ 와  $2\sqrt{3}$  사이에 자연수는 3개다.

 $6 \qquad \text{이차방정식 } x^2 + 2ax + b = 0 \text{의 중근이 } x = -\frac{3}{2} \text{일 때, } \frac{b}{a} \text{의}$ 

값은? (단, a, b는 상수)

- (4)  $\frac{1}{2}$  (5)  $\frac{3}{2}$

7 다음 중 인수분해를 바르게 한 것은?

① 
$$x^2 + x + \frac{1}{4} = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2$$

② 
$$4x^2 + 4x + 1 = (2x - 1)^2$$

$$3 \frac{1}{3}x^2 - 27 = \frac{1}{3}(x-3)(x+3)$$

$$(3) 3x^2 - 2x - 1 = (3x+1)(x+1)$$

(4) 
$$3x^2 - 2x - 1 = (3x+1)(x+1)$$
  
(5)  $-2x^2 + 8y^2 = -2(x-2y)(x+2y)$ 

- **8** 일차항의 계수가 2인 두 일차식의 곱이  $4x^2 8x 21$ 일 때,
  - 두 일차식의 합은?
- ① 2x+2 ② 4x-4
- 3) 4x+4
- $\bigcirc 6x 6$
- (5) 8x + 8



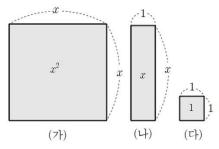
- 9 서로 다른 두 개의 주사위를 동시에 던져서 나오는 눈의 수를 각각 a, b라 하자. 이때  $\sqrt{300ab}$ 가 자연수가 되도록 하는 (a, b)의 개수는?
- ① 2 ② 4
- (3) **6**

- **4** 8
- ⑤ 10

- $oxed{10}$  다음의 다항식들을 인수분해하면 (3x+ay)(bx+cy)의 형태로 나타낼 수 있다. -a+b+c의 값이 최대인 다항식은?
- ①  $15x^2 + 26xy + 8y^2$  ②  $18x^2 9xy 20y^2$
- $3x^2 17xy + 10y^2$
- $4) 6x^2 xy 2y^2$
- $3x^2 + 8xy 35y^2$



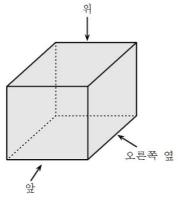
11 다음 그림에서 대수타일 (r)는 한 변의 길이가 x인 정사각형, 대수타일 (r)는 가로의 길이가 1, 세로의 길이가 x인 직사각형, 대수타일 (r)는 한 변의 길이가 1인 정사각형이다. 타일 (r)는 3개, (r)는 8개, (r)는 4개를 모두 이용하여 하나의 직사각형을 만들었을 때, 만든 직사각형의 둘레의 길이는? (r), x>1

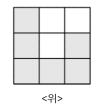


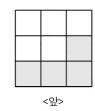
- ① 2x+2
- ② 4x+4
- 36x+6

- 48x + 8
- ⑤ 10x + 10

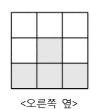
12 다음 그림은 크기가 같은 직육면체 모양의 상자를 쌓아서하나의 입체도형을 만든 후, 다음 그림과 같이 각각 위, 앞, 오른쪽 옆에서 본 것이다. 상자 한 개의 밑면의 가로, 세로의길이는 각각 x-2y, 2x+y이고 높이는 1이다. 입체도형의부피를  $ax^2+bxy+cy^2$ 의 꼴로 나타낼 때, a+b+c의 값은? (단, a, b, c는 상수)







(3) **1** 



- ① -21
- (2) -10
- Œ
- 4) 10
- ⑤ 21

- 13 자연수 x에 대하여  $\sqrt{x}$ 보다 작은 자연수의 개수를 f(x)라고 할 때,  $f(36)+f(37)+ \cdots + f(65)$ 의 값을 구하시오.
- ① 192
- ② 196
- ③ 200

- (4) 204
- © 208

- **14** a-b=3일 때,  $a^2+b^2-ab-(a-1)(b+1)$ 의 값은?
- ① 3
- (2) **5**
- (3) **7**

- **4** 9
- ⑤ 11

- $x^2$ 의 계수가 1인 어떤 이차식을 인수분해 하는데,
  - 휘돌이는 x의 계수를 잘못 보아 (x+2)(x+4)로 인수분해 하였고, 휘순이는 상수항을 잘못 보아 (x-7)(x+1)로 인수분해 하였다. 처음 이차식을 바르게 인수분해한 것은?
- ① (x-2)(x-4)
- ② (x-2)(x+4)
- (x+2)(x+4)
- (x-2)(x+3)
- (5) (x-2)(x-3)

**16**  $x = \frac{3}{3 - \sqrt{6}}$ ,  $y = \frac{3}{3 + \sqrt{6}}$ 일 때,  $2x^2 - 5xy + 2y^2$ 의

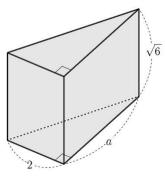
값은?

- ①  $6+6\sqrt{6}$  ②  $9-9\sqrt{6}$  ③  $9+9\sqrt{6}$

- 45
- ⑤ 54



17 그림과 같이 밑면이 직각삼각형이며, 직각을  $\overline{v}$  두 변의 길이가 2, a이고 높이가  $\sqrt{6}$ 인 삼각기둥이 있다. 이 삼각기둥의 부피가 자연수가 되도록 하는 8 이하의 실수 a의 개수는?



- 13
- ② 15
- ③ 17

- 4 19
- ⑤ 22

$$-\sqrt{(2b-c)^2}+\sqrt{(-4a)^2}+\sqrt{(ac)^2}-\sqrt{(-b)^2}$$
의 값은?

- ① 4a + ac + 3b c
- ② 4a + ac + b c
- 34a+ac-3b+c
- (4) -4a + ac + 3b c

- 1) 6
- 2) 7
- (3) **8**

- **4** 9
- ⑤ 10

#### 2023년 휘문중 중3 1학기 중간고사



**20** 자연수 n에 대해 f(n)을  $\sqrt{\frac{26}{n}}$ 보다 크고  $\sqrt{27-n}$ 보다

작은 자연수의 개수라고 하자. 다음 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단,  $2 \le n \le 25$ )

- $\neg . f(6) = 2$
- ∟. f(n)= 2인 n의 개수는 11개다.
- $\sqsubset$  . f(n)=4를 만족하는 n이 존재한다.

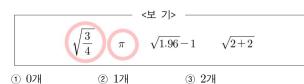
- ② ¬, ∟ ③ ¬, ⊏
- ① ¬ ② ¬, ∟ ④ ∟, ⊏ ⑤ ¬, ∟, ⊏

**21**  $a^2 - 2ab + b^2$ 의 인수분해를 이용하여 9409의 모든 약수를 구하고, 소수인지 판별하시오.

## 손글씨 해설



1 <보기>에서 무리수의 개수는?



1.96-1=1.4-1=0.4

J<del>2+2</del>=J<del>4</del>=2

(5) 47H

(4) 37H

- **2**  $\sqrt{(-3)^2} + \sqrt{4} (-\sqrt{5})^2$ 을 계산하면? ① 0 ② 2 ③ 4
- 4 6 5 8
- 3+2-5=0

- 3 식  $x^2 x 6$ 을 인수분해 하였을 때, 일차식인 두 인수의 합은?
- ① x-3
  - ② x-2
- 3x+2

- (4) 2x-1
- ⑤ 2x+1

$$\chi^2 - \chi - 6 = (\chi + 2)(\chi - 3)$$

$$x+2+x-3=2x-1$$

4 옳지 않은 것은?

① 
$$x^2 + 4x + 4 = (x+2)^2$$

② 
$$x^2 + 2x - 3 = (x+3)(x-1)$$

$$(3x-1)(3y+1)=9xy-1$$

$$(4) 8x^2 + 10x - 3 = (2x+3)(4x-1)$$

$$(5)$$
  $x(a-1)-y(a-1)=(x-y)(a-1)$ 

③ (3x-1)(3y+1)

$$= 9xy + 3x - 3y - 1$$

5 옳지 않은 것은?

- $96^2 = 9216$
- (2)  $108 \times 92 = 9936$
- $312 \times 88 = 9856$
- $\boxed{4}$   $72^2 28^2 = 4400$
- (5)  $\sqrt{52^2 48^2} = 20\sqrt{2}$ 
  - ①  $(90+6)^2 = 8100+1080+36=9216$
  - ② (100+8)X(100-8)=10000-64=9936
  - ③ (100+12)(100-12)=10000-144=9856
  - $(72+28)\times(72-28)=100\times44=4400$
  - (5)  $\sqrt{(52+48)\times(52-48)} = \sqrt{100\times4} = 20$
- **5** 3.1<sup>2</sup> = 9.61, 9.803<sup>2</sup> = 96.1일 때, √0.000961의 값은?
- ① 0.31
- (2) 0.031
- ③ 0.9803
- (4) 0.09803
- (5) 0.009803

 $10.000961 = 10.0001 \times 9.61$ = 0.01X3.1= 0.031

- $oldsymbol{7}$  부피가  $6\sqrt{10}$ 인 직육면체의 밑면의 가로의 길이와 세로의 길이가 각각  $3\sqrt{3}$ ,  $\sqrt{5}$ 일 때, 이 직육면체의 높이는?
- ① 2 ②  $\frac{\sqrt{30}}{3}$  ③  $\frac{2\sqrt{6}}{3}$

- (4)  $\sqrt{2}$  (5)  $\frac{2\sqrt{3}}{3}$

$$\frac{6\overline{10}}{3\overline{3}X\overline{15}} = \frac{2\overline{16}}{3}$$

🞖 (보기> 중 옳은 문장은 몇 개인가?

---- <보 기> -

- ㄱ. 두 무리수의 합은 무리수이다.
- ㄴ. 유리수와 무리수의 곱은 항상 무리수이다.
- ㄷ. 두 순환소수의 합은 무리수일 수 있다.
- ㄹ. 두 순환소수의 곱은 무리수일 수 있다.
- ①기비
- (2) 17H

- ④ 37H
- ⑤ 47H
- ㄱ [반례]

2와 - 2는 각각 무리수지만 두 수의 합은 2十(- 2)=0으로 유리수이다.

ㄴ [반례]

0과 무리수의 곱은 0이다.

c&c 두 유리수의 사칙연산을 통한 결과는 항상 유리수이다.



- 가장 작은 수는?

- ①  $\sqrt{3}-1$  ② 0 ④  $-\frac{1}{\sqrt{2}}$  ③  $-\frac{1}{2}$ 

  - 보기 중 음수인 수는  $1-\sqrt{2}$ ,  $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ ,  $-\frac{1}{2}$
  - $1-\sqrt{2}+\frac{\sqrt{2}}{2}=1-\frac{\sqrt{2}}{2}>0$  이므로 가장 작은 수는  $-\frac{1}{D}$  이다.
- **10** 부등식  $1 < \frac{\sqrt{n}}{3} < 2$ 를 만족시키는 자연수 n의 개수는?
- ① 26개
- ③ 307#

- ④ 32개
- ⑤ 34개

 $\sqrt{36-2x}$ 가 정수가 되게 하는 자연수 x는 모두 몇

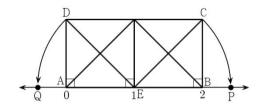
- ① 5개
- ② 47#
- ③ 3개

- ④ 27H
- (5) 17H

$$36-2x=25$$
, 16, 9, 4, 1, 0  
 $x=5.5$ , 10, 13.5, 16, 17.5, 18



12 그림은 수직선 위에 한 변의 길이가 1인 정사각형 두 개를 겹쳐 직사각형 ABCD를 그린 것이다. 점 E를 중심으로 하고  $\overline{\text{CE}}$ 를 반지름으로 하는 원과 점  $\overline{\text{E}}$ 를 중심으로 하고  $\overline{\text{DE}}$ 를 반지름으로 하는 원을 그려 수직선과 만나는 점을 P, Q라 할 때,  $\overline{PQ}$ 의 길이를 구하면?



 $3 - \sqrt{2}$ 

- ①  $1+\sqrt{2}$
- ②  $2\sqrt{2}$
- (4)  $2+\sqrt{2}$
- (5)  $2\sqrt{5}-2$



**13**  $(3x-5)^2 - (2x+1)^2 = (ax+b)(x+c)$ 일 때, a+b+c의 값은?

3 5

- ② 3
- **4** 7 **5** 15

**14**  $\frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{\sqrt{6}+\sqrt{2}}+\frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{\sqrt{6}-\sqrt{2}}$ 를 간단히 하면?

- $\bigcirc$  2
- 2) 4
- (2) G
- **4** 8 **5** 10

$$\frac{(\sqrt{6}-\sqrt{2})^2+(\sqrt{6}+\sqrt{2})^2}{4}$$

$$=\frac{8-4\sqrt{2}+8+4\sqrt{2}}{4}=4$$

**15**  $x = 3 + 2\sqrt{2}$ ,  $y = 3 - 2\sqrt{2}$ 일 때,  $x^2 - xy - 2y^2$ 의 값은?

- ①  $-18-36\sqrt{2}$
- $= 18 12\sqrt{2}$
- $3 18 + 36\sqrt{2}$
- $(4) 16 + 36\sqrt{2}$
- $54-12\sqrt{2}$

$$x^{2}-xy-2y^{2} = (x+y)(x-2y)$$

$$= 6X(-3+6\sqrt{2})$$

$$= -18+36\sqrt{2}$$



**16** f(x)는 x의 소수부분이다. 자연수 n에 대하여

$$f(\sqrt{n}) < f\left(\frac{\sqrt{n}}{2}\right) < f\left(\frac{\sqrt{n}}{3}\right)$$
일 때,  $n$ 이 될 수 있는 수는?

- ① 60
- ② 120
- ③ 180

- (a) 240
- ⑤ 300

Im = a + f(Im) a는 정수

$$\frac{\sqrt{n}}{2} = \frac{\alpha}{2} + \frac{f(\sqrt{n})}{2} \quad \frac{\sqrt{n}}{3} = \frac{\alpha}{3} + \frac{f(\sqrt{n})}{3}$$

#### 정수가 되면 주어진 부등식에 모순

a= 6k+1 or 6k+5 (k는 정수) 형태여야 한다.

$$\frac{\sqrt{n}}{2} = 3k + \frac{1}{2} + \frac{f(\sqrt{n})}{2}$$

$$\frac{\sqrt{n}}{3} = 2k + \frac{1}{3} + \frac{f(\sqrt{n})}{3}$$

$$f\left(\frac{\sqrt{n}}{2}\right) - f\left(\frac{\sqrt{n}}{3}\right) = \frac{1}{6} + \frac{f(\sqrt{n})}{6} > 0$$
 부동식에

$$\frac{\sqrt{n}}{2} = 3k + 2 + \frac{1}{2} + \frac{f(\sqrt{n})}{2}$$

$$\frac{\sqrt{n}}{3} = 2k+1+\frac{2}{3}+\frac{f(\sqrt{n})}{3}$$

$$f\left(\frac{\sqrt{m}}{2}\right) - f\left(\frac{\sqrt{m}}{3}\right) = -\frac{5}{6} + \frac{f(\sqrt{m})}{6} < 0 \quad \stackrel{?}{\downarrow} \frac{5}{6}$$

정수 부분이 5, 11, 17,… 이므로

17< 300 < 18 보기 중 n 이 될 수 있는 수는 300이다.

**17** 자연수 x에 대해  $\sqrt{nx}$ 가 자연수가 되게 하는 두 자리 자연수 n의 개수를 N(x)라고 하자. N(2)=N(3)=4가 되게 하는 자연수 k의 최솟값과 최댓값의 합은? (단,  $n \le k$ )

- 168
- 2 169
- 3 170

- 4 171
- (5) 172

N(2)=4, √2n 가 자연수 이므로

두 자리 자연수 n= 2X3<sup>2</sup>, 2X4<sup>2</sup>, 2X5<sup>2</sup>, 2X6<sup>2</sup>, 2X7<sup>2</sup>

 $72 \le k < 98$ 

N(3)=4, √3n가 자연수 이므로

두 자리 자연수 n= 3X2<sup>2</sup>, 3X3<sup>2</sup>, 3X4<sup>2</sup>, 3X5<sup>2</sup>

75 ≤ k

두 경우 모두 만족해야 하므로 75 ≤ k < 98

최댓값 97, 최솟값 75 97+75=172



- 18 자연수 n에 대하여  $n^2 + 2n 24$ 가 소수가 될 때, 이 소수를 구하면?
- 1 5
- ② 7
- ③ 11

- 4 13
- ⑤ 17

- **19**  $\sqrt{x^2-6x+9}+\sqrt{x^2+4x+4}$ 를 간단히 하면? (단,
  - -2 < x < 3
- ① -5 ② 1
- **3** 5
- (4) -2x+1 (5) 2x-1

$$-x+3+x+2=5$$

- $\sqrt{x}$  이하의 자연수의 개수를 N(x)라고 할 때,  $N(1)+N(2)+N(3)+\cdots+N(x)=120$ 을 만족시키는 자연수 x의 값은?
- ① 25
- ② 28
- ③ 31

- (4) 34
- ⑤ 37

1 ≤ 1 < 4 일 때 N(1)=1

4 ≤ X < 9 일 때 N(X)=2

9 ≤ x<16 일때 N(x)=3

16≤ x <25 일때 N(x)=4

25≤ x <36 일때 N(x)=5

$$x = 25 + 10 - 1 = 34$$



**21** 
$$3\sqrt{27} + \frac{6}{\sqrt{3}} - \sqrt{125} + \frac{\sqrt{45}}{3} = a\sqrt{3} + b\sqrt{5}$$
일 때,  $a$ ,  $b$ 의 값을 구하시오.

**22**  $5+\sqrt{3}$ 의 정수부분을 a, 소수부분을 b라고 할 때,  $\frac{a}{b}$ 의 정수부분과 소수부분을 구하시오.

$$a = 6, b = \sqrt{3} - 1$$

$$\frac{a}{b} = \frac{6}{\sqrt{3}-1} = 3(\sqrt{3}+1) = 3\sqrt{3}+3$$

정수부분:8

소수부분 : 353-5

**23** 세 정수 a, b, k에 대하여 다항식  $x^2 + kx - 8$ 을 인수분해하면 (x+a)(x+b)이다. k가 될 수 있는 가장 큰 값을 M, 가장 작은 값을 m이라고 할 때, M, m의 값을 각각 구하시오

$$\chi^2 + k\chi - 8 = (\chi + \alpha)(\chi + b)$$

$$M=7, m=-7$$

**24**  $9x^2 + (m-9)x + 49$ 가 완전제곱식이 되도록 하는 모든 수 m의 값의 합을 구하시오.

$$\chi^2 + (m-9)\chi + 49 = (\chi \pm 7)^2$$

$$m-9=14$$
  $m=23$   $m=-5$ 



1 8의 음의 제곱근은?

- $\bigcirc -8$
- ② -4
- $3 2\sqrt{2}$
- (4)  $2\sqrt{2}$  (5) 8

8의 음의 제곱근=-8=-252

 $2x^2 + ax + 8 = 2(x+b)^2$ 일 때, a+b의 값은? (단, a>0)

- 1 4
- ② 6
- (3) **8**

- (4) 10
- (5) 12

$$\chi^2 + \frac{a}{2}\chi + 4 = (\chi + b)^2$$

a>0 이므로 b=2

$$\frac{\alpha}{2}$$
=4  $\alpha$ =8

a+b=8+2=10

**3** 다음 중 [] 안의 수가 주어진 이차방정식의 해가 아닌

- ①  $x^2 1 = 0$  [1]
- ②  $x^2 = 3 \ \left[ -\sqrt{3} \ \right]$
- $x^2 = \frac{1}{3}x \ [0]$
- (4) 2(x-2)(x+1) = 0 [-1]
- $(5) \ 2x^2 = x^2 2x 1 \ [1]$
- ⑤ x=1 대입해보면

 $2 \neq -2$ 

 $\frac{1}{3}x^2 + 4x - a = 0$ 의 한 근이 3일 때, a의 값은? (단, a는

상수)

- ① 9
- ② 12 (5) 21
- (4) 18

★=3 대입

3+12-a=0

3 15

a=15



- 다음 중 옳지 않은 것은?(정답 2개)
- ①  $\sqrt{49}$ 의 제곱근은 ±7이다.
- ② 모든 양수의 제곱근은 2개다.
- ③ a가 실수일 때,  $\sqrt{(-a)^2} = a$ 이다.
- ④  $\frac{6}{7}$ 과  $\frac{8}{3}$  사이에 무리수는 무수히 많다.
- $(5) \sqrt{2}$ 와  $2\sqrt{3}$  사이에 자연수는 3개다.
- 1 49=7의 제곱근은 ± 17이다.
- ② a<0이면 결과가 -a이다.</p>

**6** 이차방정식  $x^2 + 2ax + b = 0$ 의 중근이  $x = -\frac{3}{2}$ 일 때,  $\frac{b}{a}$ 의

값은? (단, a, b는 상수)

- (4)  $\frac{1}{2}$  (5)  $\frac{3}{2}$

$$x^2 + 2ax + b = \left(x + \frac{3}{2}\right)^2$$

$$a = \frac{3}{2}, b = \frac{9}{4}$$

$$\frac{b}{a} = \frac{9}{4} \times \frac{2}{3} = \frac{3}{2}$$

**7** 다음 중 인수분해를 바르게 한 것은?

$$(1) x^2 + x + \frac{1}{4} = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2$$

② 
$$4x^2 + 4x + 1 = (2x - 1)^2$$

$$3 \frac{1}{3}x^2 - 27 = \frac{1}{3}(x-3)(x+3)$$

$$(4) 3x^2 - 2x - 1 = (3x+1)(x+1)$$

$$(5) -2x^2 + 8y^2 = -2(x-2y)(x+2y)$$

② 
$$(2x+1)^2$$

3 
$$\frac{1}{3}(x-9)(x+9)$$

$$(3x+1)(x-1)$$

일차항의 계수가 2인 두 일차식의 곱이  $4x^2 - 8x - 21$ 일 때.

두 일차식의 합은?

- (2) 4x-4

- (4) 6x 6
- (5) 8x + 8

$$4x^2-8x-21=(2x-7)(x+3)$$

$$2x-7+x+3=4x-4$$

#### 2023년 휘문중 중3 1학기 중간고사 손글씨



- 9 서로 다른 두 개의 주사위를 동시에 던져서 나오는 눈의 수를 각각 a, b라 하자. 이때  $\sqrt{300ab}$ 가 자연수가 되도록 하는 (a, b)의 개수는?
- $\bigcirc$  2
- 2 4
- (3) **6**

- **4** 8
- ⑤ 10
- 300ab가 자연수가 되려면

ab=3일 때

$$(a, b)=(1,3)(3,1)$$

ab=12일 때

$$(a, b)=(2,6)(3,4)(4,3)(6,2)$$

총 6 개

- 10 다음의 다항식들을 인수분해하면 (3x+ay)(bx+cy)의 형태로 나타낼 수 있다. -a+b+c의 값이 최대인 다항식은?
- ①  $15x^2 + 26xy + 8y^2$
- ②  $18x^2 9xy 20y^2$
- $3x^2 17xy + 10y^2$
- $4 6x^2 xy 2y^2$
- $3x^2 + 8xy 35y^2$

## -a+b+c

3

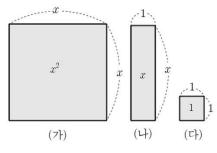
15

4

- ① (3x+4y)(5x+2y)
- ②  $(3\chi 4y)(6\chi + 5y)$
- (3) (3x-2y)(x-5y) -2
- (3x+2y)(x-y)
- (5) (3x-7y)(x+5y) 13



11 다음 그림에서 대수타일 (r)는 한 변의 길이가 x인 정사각형, 대수타일 (r)는 가로의 길이가 1, 세로의 길이가 x인 직사각형, 대수타일 (r)는 한 변의 길이가 1인 정사각형이다. 타일 (r)는 3개, (r)는 8개, (r)는 4개를 모두 이용하여 하나의 직사각형을 만들었을 때, 만든 직사각형의 둘레의 길이는? (r), x>1



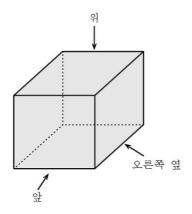
- ① 2x+2
- ② 4x+4
- 36x+6

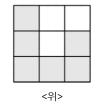
- 9 8x + 8
- $\bigcirc 10x + 10$

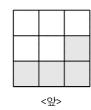
$$3x^2+8x+4=(3x+2)(x+2)$$

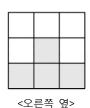
둘레=
$$2X(4\chi+4)=8\chi+8$$

12 다음 그림은 크기가 같은 직육면체 모양의 상자를 쌓아서하나의 입체도형을 만든 후, 다음 그림과 같이 각각 위, 앞, 오른쪽 옆에서 본 것이다. 상자 한 개의 밑면의 가로, 세로의길이는 각각 x-2y, 2x+y이고 높이는 1이다. 입체도형의부피를  $ax^2+bxy+cy^2$ 의 꼴로 나타낼 때, a+b+c의 값은? (단, a, b, c는 상수)









- ① -21
- ② -10 ③ 1
- 4 10
- ⑤ 21

| 1 | • | 상자 7개 |   | 21 |
|---|---|-------|---|----|
|   | 1 |       |   | 1  |
|   | 1 |       | 2 | 2  |
|   | 1 | 1     | 1 | 1  |
|   | 1 | 1     | 2 |    |

$$(x-2y)(2x+y)X7$$
=14x<sup>2</sup>-21xy-14y<sup>2</sup>

$$14-21-14=-21$$



- 13 자연수 x에 대하여  $\sqrt{x}$ 보다 작은 자연수의 개수를 f(x)라고 할 때,  $f(36)+f(37)+\cdots+f(65)$ 의 값을 구하시오.
- ① 192
- ② 196
- ③ 200

- (4) 204
- (5) 208
- f(36)=5
- $f(37) = \cdots = f(49) = 6$
- $f(50) = \cdots = f(64) = 7$
- f(65)=1
  - 5+6X13+7X15+8=196

- **14** a-b=3일 때,  $a^2+b^2-ab-(a-1)(b+1)$ 의 값은?
- ① 3
- (2) 5

- (a) 9
- (5) 11

$$a^{2}+b^{2}-ab-ab-a+b+1$$
 $(a-b)^{2}-(a-b)+1$ 
 $9-3+1=7$ 

 $x^2$ 의 계수가 1인 어떤 이차식을 인수분해 하는데,

휘돌이는 x의 계수를 잘못 보아 (x+2)(x+4)로 인수분해 하였고. 휘순이는 상수항을 잘못 보아 (x-7)(x+1)로 인수분해 하였다. 처음 이차식을 바르게 인수분해한 것은?

- (1) (x-2)(x-4)
- (2) (x-2)(x+4)
- (x+2)(x+4)
- (x-2)(x+3)
- (5) (x-2)(x-3)

회돌 
$$(\chi + 2)(\chi + 4) = \chi^2 + 6\chi + 8$$

휘순 
$$(\chi - 7)(\chi + 1) = \chi^2 - 6\chi - 7$$

처음 이차식 
$$\chi^2 - 6\chi + 8$$
  $(\chi - 2)(\chi - 4)$ 

**16** 
$$x = \frac{3}{3 - \sqrt{6}}$$
,  $y = \frac{3}{3 + \sqrt{6}}$   $y = \frac{3}{3 + \sqrt{6}}$   $y = \frac{3}{3 + \sqrt{6}}$ 

값은?

- ①  $6+6\sqrt{6}$
- ②  $9-9\sqrt{6}$  ③  $9+9\sqrt{6}$
- (4) 45
- (5) 54

$$x=3+\sqrt{6}$$
,  $y=3-\sqrt{6}$ 

$$2x^{2}-5xy+2y^{2}=(2x-y)(x-2y)$$

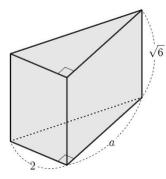
$$=(3+3\sqrt{6})(-3+3\sqrt{6})$$

$$=-9+54$$

$$=45$$



17 그림과 같이 밑면이 직각삼각형이며, 직각을  $\mathbb{Z}$  두 변의 길이가 2, a이고 높이가  $\sqrt{6}$ 인 삼각기둥이 있다. 이 삼각기둥의 부피가 자연수가 되도록 하는 8 이하의 실수 a의 개수는?



- ① 13
- ② 15
- ③ 17

- 4 19
- ⑤ 22

가능한
$$\alpha = \frac{1}{16} \sim \frac{19}{16} < 8$$

1971

**18** 
$$\frac{c}{b} > \frac{a}{b}, \frac{a}{c} > 0, ab < 0, a > b \supseteq \mathbb{H},$$

$$-\sqrt{(2b-c)^2}+\sqrt{(-4a)^2}+\sqrt{(ac)^2}-\sqrt{(-b)^2}$$
의 값은?

- ① 4a + ac + 3b c
- ② 4a + ac + b c
- 34a+ac-3b+c
- (4) -4a+ac+3b-c
- (5) -4a + ac 3b + c

b<0<c<a

$$-|2b-c| + |4a| + |ac| - |-b|$$
 $\oplus$ 

2b-c+4a+ac+b

19 어떤 자연수 n, m에 대해  $\sqrt{n}$ 의 정수부분을 a, 소수부분을 <math>b,  $\sqrt{m}$ 의 정수부분을 c, 소수부분을 d라 하자.  $\sqrt{n}+3a+4d=9\sqrt{17}-20$ ,  $\sqrt{m}+4c+3b=5\sqrt{17}+20$ 일 때,  $\frac{4\sqrt{n}+5\sqrt{m}}{7}$ 의 값의 정수부분은?

- 1) 6
- 2 7
- (3) **8**

- 4 9
- ⑤ 10

주어진 두 식을 더해보자!

$$\sqrt{n} + \sqrt{m} + 3(a+b) + 4(c+d) = 14\sqrt{17}$$

 $4 \sqrt{n} + 5 \sqrt{m} = 14 \sqrt{17}$ 

$$\frac{4\sqrt{n}+5\sqrt{m}}{7} = \frac{14\sqrt{17}}{7} = 2\sqrt{17}$$

8< 2117 < 9이므로 정수부분은 8

#### 2023년 휘문중 중3 1학기 중간고사 손글씨



**20** 자연수 n에 대해 f(n)을  $\sqrt{\frac{26}{n}}$  보다 크고  $\sqrt{27-n}$ 보다

작은 자연수의 개수라고 하자. 다음 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단,  $2 \le n \le 25$ )

---- <보 기> -

- $\neg . f(6) = 2$
- L. f(n) = 2 인 n 의 개수는 11개다.
- $\sqsubset$  . f(n)=4를 만족하는 n이 존재한다.
- ② ¬, ∟ ③ ¬, ⊏

- ④ ∟, ⊏ ⑤ ¬, ∟, ⊏

2 ≤ n ≤ 25이므로

$$\sqrt{\frac{26}{25}} \le \sqrt{\frac{26}{n}} \le \sqrt{13} \qquad \sqrt{2} \le \sqrt{27-n} \le 5$$

$$+ 2 \sim 5$$

7. n=6일 때  $\frac{26}{6} < \sqrt{21}$  f(6)=2

나. (1) 만족하는 자연수가 2, 3인 경우

(2) 만족하는 자연수가 3, 4인 경우

c. J27-n 의 최댓값이 5라서 f(n)=4는 불가능하다.  $a^2 - 2ab + b^2$ 의 인수분해를 이용하여 9409의 모든 약수를 구하고, 소수인지 판별하시오.

$$9409 = 100^{2} - 2 \times 3 \times 100 + 3^{2}$$
$$= (100 - 3)^{2}$$
$$= 97^{2}$$

9409의 약수 1, 97, 9409

즉, 1과 자기자신 이외의 수가 약수로 있으므로 9409는 소수가 아니다.